



Szkoła z przyszłością

szkolenie współfinansowane przez Unię Europejską
w ramach Europejskiego Funduszu Społecznego



Narodowe Centrum Badań Jądrowych, ul. Andrzeja Sołtana 7, 05-400 Otwock-Świerk

ĆWICZENIE 1	LABORATORIUM FIZYKI ATOMOWEJ I JĄDROWEJ Zastosowanie pojęć analizy statystycznej do opracowania pomiarów promieniowania jonizującego
Data pomiaru:	
Imię i nazwisko:	
Imię i nazwisko:	

1. CEL ĆWICZENIA

Celem ćwiczenia jest sprawdzenie, czy rozrzut liczby cząstek (z rozpadu promieniotwórczego danego izotopu) zarejestrowanych w detektorze, ma charakter statystyczny i jakie są cechy otrzymanego rozkładu statystycznego.

2. UKŁAD DOŚWIADCZALNY

Zestaw ćwiczeniowy (rys. 1) stanowią:

- detektor promieniowania jonizującego (np. sonda scyntylacyjna NaI(Tl) lub detektor G-M),
- źródło promieniotwórcze,
- domek osłonowy,
- zasilacz wysokiego napięcia ZWN-21 (rys. 2),
- wzmacniacz impulsów WL-21,
- dyskryminator amplitudy impulsów A-21,
- przelicznik impulsów P-44 (rys. 2).

3. WSTĘP TEORETYCZNY

Często okazuje się, że obserwowane przez nas procesy mają charakter statystyczny. To znaczy, że nie mamy pewności, że po zdarzeniu A zawsze zachodzi zdarzenie B, możemy tylko określić średnie prawdopodobieństwo tego, że po A zdarza się B. Takimi wielkościami, jak mówimy - statystycznymi - są np.:

- liczba cząstek z rozpadu promieniotwórczego określonego izotopu, zarejestrowana przez przelicznik w danym odstępie czasu,
- liczba jonizacji atomów ośrodka przy przejściu przez cząstkę jonizującą jednostki długości drogi w materiale detektora.

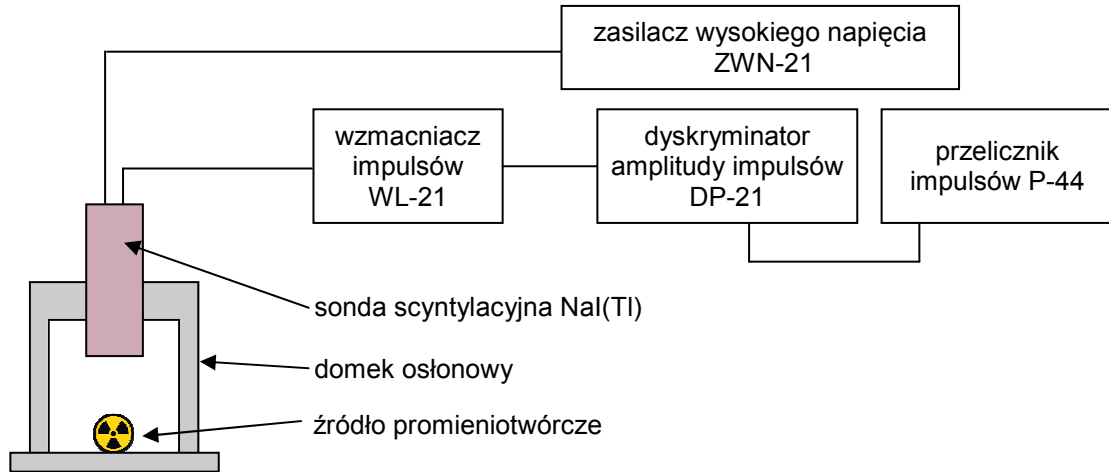
Celem ćwiczenia jest sprawdzenie, jak zmienia się rozrzut liczby zliczeń cząstek dochodzących do detektora w czasie 1 sekundy, gdy zmieniamy czas trwania pojedynczego pomiaru t_p . W tym celu wykonujemy:

- 50 pomiarów z $t_p = 1$ s,
- 20 pomiarów z $t_p = 10$ s,
- 10 pomiarów z $t_p = 100$ s,

a wszystkie wyniki zapisujemy w tabelach (jedna dla każdej serii pomiarowej).

Opracowując wyniki każdej serii pomiarowej należy:

1. sporządzić *histogram*, tj. wykres pokazujący ile razy otrzymaliśmy liczby z wybranego przez nas przedziału zliczeń. Na przykład, możemy przyjąć, że interesuje nas liczba przypadków pojawienia



Rys. 1

się zliczeń pomiędzy 0 a 9, następnie 10-19, 20-29, itd. Histogram pokazuje nam, jaka jest częstość występowania określonej liczby zliczeń;

2. obliczyć na podstawie histogramu średnią liczbę zliczeń $\bar{N}$ (na sekundę) w danej serii:

$$\bar{N} = \frac{\sum k_j n_j}{L} \quad (1)$$

gdzie k_j - częstość pojawienia się liczby n_j w j-tym przedziale histogramu, L - całkowita liczba pomiarów;

3. obliczyć tzw. *średnie odchylenie standardowe* $\sigma(N)$:

$$\sigma^2(N) = \frac{\sum k_j (n_j - \bar{N})^2}{L - 1} \quad (2)$$

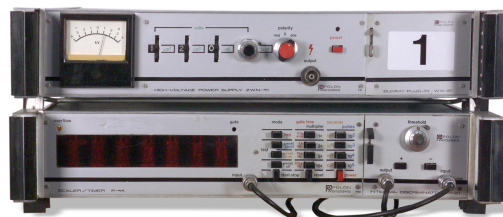
Interpretacja takiego odchylenia jest następująca: w przedziale $\pm\sigma$ wokół średniej wartości $\bar{N}$ powinno się znaleźć około 68% wyników. Wielkość σ utożsamiamy często z niepewnością wyniku pomiarowego dla pojedynczego zliczenia. Niepewność wartości średniej arytmetycznej, $\bar{N}$:

$$\sigma(\bar{N}) = \frac{\sigma(N)}{\sqrt{L}} \quad (3)$$

Być może takie rozumienie niepewności pomiaru wydaje się dziwne, ale jest ono konsekwencją pewnej umowy uczonych – umowy opartej o prawa rozkładów statystycznych rządzących wynikami pomiarowymi.

Można wykazać, że $\sigma^2 \approx \bar{N}$ dla dużej liczby pomiarów L , możemy więc posługiwać się przybliżeniem, zgodnie z którym otrzymanej liczbie N zliczeń przypisujemy niepewność wynoszącą $\sqrt{N}$.

Więcej w ramce „Rozkład normalny” na następnej stronie.



Rys. 2 (zasilacz ZWN-21, przelicznik P-44)



ROZKŁAD NORMALNY

Wielokrotne powtarzanie pomiaru pozwala na określenie rozkładu prawdopodobieństwa, $P(N)$, podającego, że w danym odstępie czasu zaistnieje N zdarzeń, przy średniej częstości m ich występowania.

Jeżeli spełnione są warunki:

- niezależność obserwowanych zdarzeń - pojawienie się oczekiwanego zdarzenia (np. N zliczeń na sekundę) jest niezależne od poprzednich zdarzeń tego typu (w tym zadaniu - poprzednich zliczeń na sekundę),
- prawdopodobieństwo pojawienia się jakiegokolwiek zdarzenia w czasie Δt jest proporcjonalne do długości tego odcinka czasu,

to w praktyce laboratoryjnej do opisu rozkładu prawdopodobieństwa posługujemy się zazwyczaj *rozkładem Gaussa*, zwanym niekiedy *rozkładem normalnym*, opisywanym przez funkcję:

$$P(N) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} \exp\left(-\frac{(N-m)^2}{2\sigma^2}\right)$$

a z danych doświadczalnych wyznaczamy oba parametry tej funkcji: wartość średnią m , oraz parametr σ^2 zwany „wariancją” rozkładu.

Parametr σ [litera grecka „sigma”], zwany często „odchyleniem standardowym” ma taki sens, że:

- w przedziale wartości $<m - \sigma, m + \sigma>$ mieści się ~68,3 % wyników pomiarów,
- w przedziale wartości $<m - 2\sigma, m + 2\sigma>$ mieści się ~95,6 % wyników pomiarów,
- w przedziale wartości $<m - 3\sigma, m + 3\sigma>$ mieści się ~99,7 % wyników pomiarów.

4. PRZEBIEG DOŚWIADCZENIA



UWAGA: wszelkie operacje ze źródłami promieniowania przeprowadza obsługa laboratorium!

A) Przed włączeniem zasilacza należy sprawdzić i ewentualnie skorygować ustawienie elementów regulacyjnych aparatury elektronicznej:

- zasilacz ZWN-21:
 - wciśnięty przycisk „0 – 1000 V”,
 - potencjometr „HT CONTROL” na „0,00” (gałka regulatora przekręcona w lewe skrajne położenie);
- dyskryminator DP-21:
 - wciśnięty przycisk „+”,
 - potencjometr „THRESHOLD” ustawiony na wartości $\square^1$;
- wzmacniacz WL-21:
 - potencjometr „ $x\square \leftrightarrow x\square$ ” ustawiony na wartości „0,0”,
 - przycisk „GAIN” wciśnięty na $\square$,
 - przycisk „SHAPING” wciśnięty na $\square \mu s$;
- Przelicznik impulsów P-44:
 - wciśnięty przycisk „PRESET TIME”,
 - wciśnięty przycisk „MULTIPLIER”: $x\square$,
 - wciśnięty przycisk „SECONDS” odpowiednio na $t_p = 1 s, 10 s, 100 s$.

B) Włączyć zasilanie aparatury:

- w tym celu należy we wszystkich blokach układu pomiarowego wcisnąć przyciski z napisem „POWER”;
- następnie w zasilaczu ZWN-21 przekręcić gałkę potencjometru na wartość $\square$ (w prawo, aż do oporu mechanicznego).

C) Dokonać 3 pomiarów *biegu własnego układu (tła)* n_t dla $t_p = 100 s$. Otrzymane wyniki zapisać w tabeli 1. Obliczyć średnią wartość $\overline{N}_t$ (na jedną sekundę).



D) Po wykonaniu powyższych czynności do domku osłonowego zostanie włożone źródło promieniowania, a domek zostanie zamknięty.

¹ szczegółowe ustawienia aparatury podane zostaną w trakcie wykonywania ćwiczenia

E) Wykonać serię 50 pomiarów liczby impulsów przy czasie pomiaru $t_p = 1$ s. W tym celu w przeliczniku P-44 nacisnąć przycisk „START – STOP”. Zaświeci się sygnalizacja „GATE”, a po nastawionym czasie t_p zgaśnie. Wyświetlony wynik pomiaru należy zapisać w tabeli pomiarowej (tabela 2), nacisnąć przycisk „RESET” i rozpocząć następny pomiar.

F) W przeliczniku P-44 wcisnąć przycisk „SECONDS” = 10^1 i wykonać serię 20 pomiarów podobnie jak w punkcie E. Wyniki zapisać w tabeli 3.

G) W przeliczniku P-44 wcisnąć przycisk „SECONDS” = 10^2 i wykonać serię 10 pomiarów podobnie jak w punktach E i F. Wyniki zapisać w tabeli 4.

5. OPRACOWANIE WYNIKÓW

A) Rysujemy histogramy dla wszystkich trzech serii pomiarowych, czyli obrazujemy częstość pojawienia się danej liczby zliczeń.

B) Obliczamy wartości średnie dla każdego histogramu $\bar{N}_1$, $\bar{N}_{10}$ oraz $\bar{N}_{100}$, czyli średnią liczbę zliczeń na 1 sekundę w pomiarach trwających odpowiednio 1 s, 10 s, 100 s. Zaznaczamy na każdym z trzech histogramów położenia tych średnich.

C) Posługując się kalkulatorem obliczamy wartości odchylenia standardowego σ dla trzech serii pomiarów, zaznaczamy na wykresie przedziały $\langle \bar{N} - \sigma, \bar{N} + \sigma \rangle$.

D) Oceniamy, w procentach, ułamek $\sigma/\bar{N}$, dla każdej z trzech serii pomiarowych.

E) Sprawdzamy relację $\sigma^2 \approx \bar{N}$.

F) Omówienie wyników.

Na końcu spróbujmy odpowiedzieć na pytanie: **czy lepiej zliczać impulsy 100 razy po 5 sekund czy 10 razy po 50 sekund?**

TABELA 1

Lp.	Liczba zliczeń biegu własnego układu (tła) n_t	Odchylenie od wartości średniej $\Delta_j = n_t - \bar{N}$
1		
2		
3		
suma	$N_{t\text{ła}} = \sum n_t =$	$\sum \Delta_j =$
wartość średnia $\bar{N} = (\sum n_t)/3 =$		
statystyczna niepewność pojedynczego pomiaru $\sigma = (\sum \Delta_j^2/2)^{1/2} =$		
statystyczna niepewność wartości średniej $\sigma_{\bar{N}} = (\sum \Delta_j^2/(2 \cdot 3))^{1/2} =$		

TABELA 2

Lp.	Obserwowana liczba zliczeń p_j	Liczba zliczeń po odjęciu tła $n_j = p_j - \bar{N}_t$	Odchylenie Δ od wartości średniej $\Delta_j = n_j - \bar{N}$	$(\Delta_j)^2$
1				
2				
3				
4				
5				
6				
7				
8				
9				
10				
11				
12				
13				
14				
15				
16				
17				
18				
19				
20				
21				
22				
23				
24				
25				
26				
27				
28				
29				
30				
31				
32				
33				

34				
35				
36				
37				
38				
39				
40				
41				
42				
43				
44				
45				
46				
47				
48				
49				
50				
suma:		$N = \sum n_j =$	$\sum \Delta_j =$	$\sum (\Delta_j)^2 =$
wartość średnia $\bar{N} = (\sum n_j)/50 =$				
kwadrat średniego odchylenia standardowego $\sigma^2 = \sum (\Delta_j)^2/49 =$				
statystyczna niepewność pojedynczego pomiaru $\sigma(n) =$				
statystyczna niepewność średniej z 50 pomiarów $\sigma(\bar{N}) =$				

TABELA 3

Lp.	Obserwowana liczba zliczeń p_j	Liczba zliczeń po odjęciu tła $n_j = p_j - \bar{N}_t$	Odchylenie Δ od wartości średniej $\Delta_j = n_j - \bar{N}$	$(\Delta_j)^2$
1				
2				
3				
4				
5				
6				
7				
8				
9				
10				

11				
12				
13				
14				
15				
16				
17				
18				
19				
20				
suma:		$N = \sum n_j =$	$\sum \Delta_j =$	$\sum (\Delta_j)^2 =$
wartość średnia $\bar{N} = (\sum n_j)/20 =$				
kwadrat średniego odchylenia standardowego $\sigma^2 = \sum (\Delta_j)^2/19 =$				
statystyczna niepewność pojedynczego pomiaru $\sigma(n) =$				
statystyczna niepewność średniej z 20 pomiarów $\sigma(\bar{N}) =$				

TABELA 4

Lp.	Obserwowana liczba zliczeń p_j	Liczba zliczeń po odjęciu tła $n_j = p_j - \bar{N}_t$	Odchylenie Δ od wartości średniej $\Delta_j = n_j - \bar{N}$	$(\Delta_j)^2$
1				
2				
3				
4				
5				
6				
7				
8				
9				
10				
suma:		$N = \sum n_j =$	$\sum \Delta_j =$	$\sum (\Delta_j)^2 =$
wartość średnia $\bar{N} = (\sum n_j)/10 =$				
kwadrat średniego odchylenia standardowego $\sigma^2 = \sum (\Delta_j)^2/9 =$				
statystyczna niepewność pojedynczego pomiaru $\sigma(n) =$				
statystyczna niepewność średniej z 10 pomiarów $\sigma(\bar{N}) =$				